

Tentamen Gegevensbanken (211074) — 29 oktober 2009

CONTROLEER EERST OF ALLE BLADZIJDEN T/M BLZ. 15 AANWEZIG ZIJN!

Vul het tentamenbriefje volledig in, zódanig dat BEIDE DOORSLAGEN goed leesbaar zijn.

NAAM, VOORLETTERS: _____

STUDENTNUMMER: _____

OPLEIDING: _____

De uitwerkingen moeten op deze opgavenformulieren worden genoteerd in de daarvoor bestemde vakken. Alle overige ruimte kun je zo nodig als **kladpapier** gebruiken en wordt niet bekeken en niet beoordeeld.

Het gebruik van boeken, dictaten en dergelijke is *niet* toegestaan, behoudens één vel van A4 formaat met *eigen* aantekeningen (dubbelzijdig, getypt of geschreven) of kopieën van *delen van het boek*; kopieën van ander materiaal (zoals tentamenuitwerkingen) zijn niet toegestaan.

Normering: per opgave staan de te behalen punten in de kantlijn en u krijgt 5 punten gratis; samen zijn dat 100 punten. Het eindcijfer is het aantal behaalde punten gedeeld door 10. Onleesbare tekst wordt steeds fout gerekend.

Na afloop moet de *volledige* set opgavenformulieren worden ingeleverd; het kladpapier niet. De tentamenopgaven zijn niet geheim en worden voorzien van modeluitwerkingen op Blackboard gepubliceerd. (Die modeluitwerkingen moet je op papier of elektronisch bij je hebben wanneer je je tentamen komt inzien.)

5 gratis	1	2	3	3bonus	4	5	6	7	8	9	10	10bonus
-------------	---	---	---	--------	---	---	---	---	---	---	----	---------

10p.

Opgave 1. Een verhuurbedrijf kent medewerkers, klanten en producten.

- Zowel medewerkers als ook klanten hebben toegang tot het informatiesysteem van het bedrijf middels een (unieke) gebruikersnaam en daaraan gekoppeld wachtwoord.
- Klanten kunnen producten huren, in andere woorden, producten kunnen aan klanten verhuurd worden; zo'n huur wordt in een huurovereenkomst vastgelegd en heeft een startdatum en duur.
- Voor iedere huurovereenkomst wordt een factuur uitgeschreven; een factuur is uitgeschreven door één medewerker en betreft één klant en één of meer huurovereenkomsten. Per factuur is bekend wat het bedrag is en of de factuur betaald is.
- Verschillende personen (dat wil zeggen, medewerkers en klanten) hebben verschillende gebruikersnamen.
- Van iedere klant is het adres bekend. Van iedere medewerker is de functie bekend.
- Een product heeft een omschrijving en een prijs.

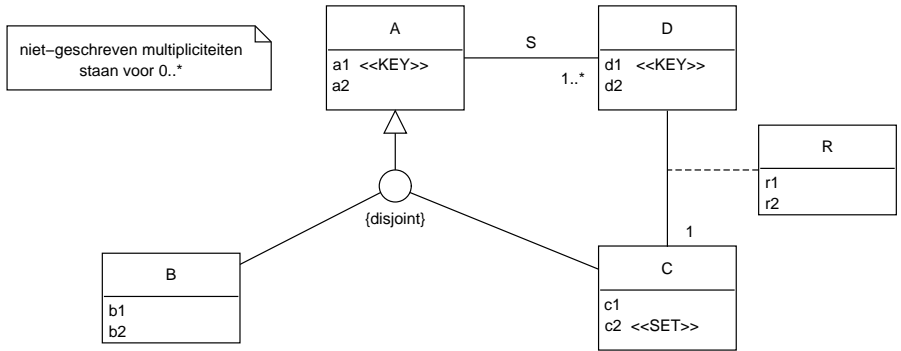
Geef in het antwoordblok een Entity-Relationship diagram dat de gegevens voor één tijdstip *zo precies mogelijk* modelleert en gebruik daarbij *zo geschikt mogelijke* constructies.

Doe het eerst op kladpapier en dan pas in het net. Zowel de ERD-notatie uit het boek als ook de UML notatie (class diagram) is toegestaan, *maar een mengeling van beide niet.*

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.



10p. **Opgave 2.** Beschouw het volgende ER-diagram in de notatie van de UML:



Het ERD kan op verschillende manieren vertaald worden naar een databaseschema dat geschikt is om informatie die past in het ERD op te slaan. U dient een manier te kiezen waarbij: (1) er zo *weinig mogelijk* relatieschema's in het databaseschema zijn, maar met de beperkingen dat (2) er geen NULLs nodig zijn vanwege de vertaling, (3) er geen redundantie geïntroduceerd wordt door de vertaling, en (4) alle attributen atomaire waarden hebben.

Geef de relatieschema's in SQL syntaxis waarbij de tekst 'create table' en iedere domeinindicatie weggelaten mag worden; een voorbeeld van de vorm van zo'n schema is:

$X(x_1, \dots, \text{primary key } (x_i, x_j \dots), \text{foreign key } (x_m, x_n \dots) \text{ references } Y(y_1, y_2, \dots), \dots)$

(U mag "primary key" afkorten tot "PK", en zo voorts, en er mogen CHECKs voorkomen.)

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

10p.

Opgave 3. Beschouw de wereld van huizen en makelaars zoals gezien door een makelaarskantoor: er zijn entiteiten en attributen zoals huis, makelaar, adres, bouwjaar, vraagprijs, kenmerk (namelijk: oppervlakte, inhoud, ligging), eigenaar, telefoonnummer, klant (van het kantoor), specialiteit (van een makelaar). Deze vormen samen als volgt een relatie \mathcal{R} .

Een tuple $(H, B, V, K, E, T, N, M, S)$ zit op tijdstip t in \mathcal{R} precies wanneer al het volgende geldt op tijdstip t :

1. H is een *Huis*
2. B is het *Bouwjaar* van huis H
3. V is de *Vraagprijs* van huis H
4. K is één van de *Kenmerken* (oppervlakte, inhoud, ligging, ...) van huis H
5. E is de *Eigenaar* van huis H
6. T is één van de *Telefoonnummers* (mobiel, thuis, ...) van eigenaar E
7. N is de aanduiding of eigenaar E een *Nieuwe klant* is bij het kantoor
8. M is de *Makelaar* die de verkoop van huis H begeleidt
9. S is één van de *Specialiteiten* van makelaar M (bungalows, villa's, ...)

Geef voor ieder van de functionele afhankelijkheden hieronder, met een letter W aan of die volgens bovenstaande definitie altijd *Waar* is in relatie \mathcal{R} , en met een letter O of die afhankelijkheid volgens bovenstaande definitie *Onwaar* kan zijn in relatie \mathcal{R} , en motiveer kort uw keuze (de motivatie telt mee in de beoordeling).

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

FD	W/O	motivatie bij keuze
$H \rightarrow B$		
$B \rightarrow V$		
$BV \rightarrow H$		
$H \rightarrow K$		
$E \rightarrow N$		
$N \rightarrow H$		
$H \rightarrow N$		
$HS \rightarrow M$		
$HM \rightarrow S$		

Geef voor ieder van de volgende MultiValued Dependencies (MVD) aan of die Waar of Onwaar is in de tabel \mathcal{R} :

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

MVD	W/O
1. $HBVKETNMS = HBVKETNM \bowtie MS$	
2. $HBVKETNMS = HBVK \bowtie ETN \bowtie MS$	
3. $HBVKETNMS = HB \bowtie HV \bowtie HK \bowtie HE \bowtie ET \bowtie EN \bowtie HM \bowtie MS$	

Het volgende onderdeel hoeft niet beantwoord te worden, maar bij goede beantwoording krijgt u maximaal 5 bonuspunten (boven op de punten die u voor deze opgave kunt verdienen).

Geef een motivatie voor de keuzen W/O hierboven:

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

10p. **Opgave 4.** Voor de administratie van een huisartsenpraktijk ziet een deel van het database-schema er als volgt uit:

Patient (*patientnr*, *adres*, *naam*, ...)
 Factuur (*patientnr*, *datum*, *bedrag*, ...)

Een *patientnr* identificeert een patiënt uniek, en er worden in de administratie geen *patientnr*s gebruikt die niet in *Patient* voorkomen. Een factuur wordt uniek geïdentificeerd door een *patientnr* en *datum* samen. We willen dat iedere wijziging van de databasetoestand zich houdt aan de volgende regels:

- (a) De gegevens van een patiënt worden niet uit *Patient* verwijderd als zijn *patientnr* nog in *Factuur* voorkomt.
- (b) Het *patientnr* in *Factuur* verandert op gelijke wijze als in *Patient* wanneer in *Patient* een wijziging wordt aangebracht.

Voeg key constraints toe aan het schema zó dat wijzigingen van de databasetoestand zich automatisch houden aan bovenstaande regels; voeg geen overbodige constraints toe. Ter herinnering, key constraints zien er als volgt uit:

primary key (x, x', \dots),
 foreign key (x, x', \dots) references $T(y, y', \dots)$ on *event action* on *event' action'* ...

Hierbij staat x voor een attribuutnaam, T voor een tabelnaam, *event* voor een gebeurtenis (*delete*, *update*) en *action* voor een actie (*set null*, *set default*, *no action*, *cascade*).

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

In plaats van key constraints toe te voegen kan de wens ook automatisch door het database-systeem gerealiseerd worden door geschikte triggers toe te voegen aan het databaseschema. Ter herinnering, de syntaxis van een trigger creatie luidt als volgt:

```
create trigger trigger-name
  {before | after} {insert | delete | update [ of column-name-list ] } on table-name
  [ referencing [ old as var ][ new as var ] [ old table as var ][ new table as var ] ]
  [ for each { row | statement } ]
  [ when (precondition) ]
  statement-list
```

Hierbij staat $\{x \mid y \mid \dots\}$ voor “een keuze uit x, y, \dots ”; en $[x]$ staat voor “optioneel x ”.

Geef de trigger create statement voor regel (a) van de opgave:

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

<hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/>

Geef de trigger create statement voor regel (b) van de opgave:

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

<hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/> <hr/>

10p.

Opgave 5. Beschouw het relatieschema $\mathbf{R} = (\bar{R}, \mathcal{F})$, waarbij de attribootverzameling \bar{R} en de verzameling \mathcal{F} van functionele afhankelijkheden als volgt luiden:

$$\bar{R} = ABCDE$$

$$\mathcal{F} = \{AD \rightarrow B, \quad B \rightarrow C, \quad C \rightarrow A, \quad D \rightarrow E\}$$

- (1) Geef in het antwoordblok in iedere genummerde regel een zo groot mogelijk rechterlid Y zó dat de functionele afhankelijkheid $X \rightarrow Y$ volgt uit de hierboven gegeven verzameling \mathcal{F} (met andere woorden: Y is de closure $X_{\mathcal{F}}^+$). Neem de attributen die al in het linkerlid X staan *niet* in het rechterlid Y op (en schrijf niets op als Y de lege verzameling attributen is).
- (2) *Omcirkel* in het antwoordblok de aanwezige *sleutels* van \mathbf{R} .
- (3) *Onderstreep* in het antwoordblok de aanwezige *supersleutels* van \mathbf{R} .
- (4) *Omcirkel* in het antwoordblok de *nummers* van de aanwezige functionele afhankelijkheden die een schending vormen van de BCNF-eis.

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

	<u><u>$X \rightarrow Y$</u></u>
1	\rightarrow
2	$A \rightarrow$
3	$B \rightarrow$
4	$C \rightarrow$
5	$D \rightarrow$
6	$E \rightarrow$
7	$AB \rightarrow$
8	$AC \rightarrow$
9	$AD \rightarrow$
10	$AE \rightarrow$
11	$BC \rightarrow$
12	$BD \rightarrow$
13	$BE \rightarrow$
14	$CD \rightarrow$
15	$CE \rightarrow$
16	$DE \rightarrow$
17	$ABC \rightarrow$
18	$ABD \rightarrow$
19	$ABE \rightarrow$
20	$ACD \rightarrow$

10p. **Opgave 6.** Beschrijf wat een dirty read is:

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

Zet in onderstaande tabel een merkteken '√' bij precies iedere combinatie van isolatieniveaus voor transacties T_1 en T_2 waarbij transactie T_1 géén dirty read zal doen wanneer beide transacties gelijktijdig uitgevoerd worden:

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

Op de met '√' gemerkte niveaus zal T_1 geen dirty reads doen (elders mogelijk wel):

Isolatieniveau voor T_2 : ↓	Isolatieniveau voor T_1 :			
	read uncommitted	read committed	repeatable read	serializable
read uncommitted				
read committed				
repeatable read				
serializable				

Laat x, y, z staan voor drie verschillende tabellen in de database. Definieer voor $i = 1, 2$ een transactie T_i in termen van read operaties $r_i(x), r_i(y), r_i(z)$ en write operaties $w_i(x), w_i(y), w_i(z)$ en beëindigingen $commit_i$ en $abort_i$ (je hoeft niet *al deze* operaties te gebruiken!), en geef een schedule voor een gelijktijdige executie van T_1 en T_2 zódanig dat T_1 een dirty read doet:

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

$T_1 =$

$T_2 =$

schedule:

10p. **Opgave 7.** Beschouw het relatieschema $\mathbf{R} = (ABCDEF, \mathcal{F})$, waarbij:

$$\mathcal{F} = \{ABC \rightarrow E, \quad CD \rightarrow B, \quad E \rightarrow D\}$$

Geef de functionele afhankelijkheden in \mathcal{F} die een schending vormen van de BCNF-conditie voor \mathbf{R} ? Beargumenteer uw antwoord.

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

Geef een lossless decompositie van \mathbf{R} in precies twee schema's, zeg \mathbf{R}_1 en \mathbf{R}_2 , zodanig dat \mathbf{R}_1 en \mathbf{R}_2 samen minstens één schending minder hebben dan \mathbf{R} . (Als u het BCNF-algoritme toepast, dan krijgt u na één stap zo'n decompositie.) Verklaar uw werkwijze en geef heel precies aan wat de attributen en functionele afhankelijkheden van \mathbf{R}_1 en \mathbf{R}_2 zijn.

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

Zijn er in bovenstaande decompositiestap van \mathbf{R} naar $\mathbf{R}_1, \mathbf{R}_2$ functionele afhankelijkheden verloren gegaan? Zo ja, geef dan zo'n functionele afhankelijkheid.

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

Voer nu de volgende opdrachten uit:

- Construeer een lossless decompositie van \mathbf{R} tot schema's die ieder in BCNF staan.
(U mag gebruik maken van en verwijzen naar de vorige antwoorden.)
- Verklaar iedere stap zodat het voor de corrector duidelijk is hoe u te werk gaat.
- Geef aan of de functionele afhankelijkheden behouden blijven onder de decompositie.

$$\mathcal{F} = \{ABC \rightarrow E, \quad CD \rightarrow B, \quad E \rightarrow D\}$$

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

In de volgende opgavenserie wordt het volgende databaseschema gebruikt:

Class (*name*, *type*, *country*, *guns*, *bore*, *displacement*)

Ship (*name*, *classname*, *launched*)

Battle (*name*, *date*)

Outcome (*shipname*, *battlename*, *result*)

De attributen die tot de sleutel behoren zijn onderstreept.

In *Ship* is *classname* een foreign key verwijzend naar *Class* (*name*).

In *Outcome* is *shipname* een foreign key verwijzend naar *Ship* (*name*).

In *Outcome* is *battlename* een foreign key verwijzend naar *Battle* (*name*).

Schepen die volgens eenzelfde ontwerp worden gebouwd vormen samen een klasse (*class*). Klassen komen in twee typen (*type*): *bb* (voor *battleship*) en *bc* (voor *battlecruiser*). De overige attributen van een klasse zijn: het land (*country*), het aantal kanonnen (*guns*), de diameter in centimeters van de kanonsloop (*bore*), en de waterverplaatsing (*displacement*, gemeten in tonnen). Van een schip is, naast de naam (*name*) en de klassenaam (*classname*), ook nog bekend wanneer het te water is gelaten (*launched*). Van een zeeslag (*battle*) is de naam (*name*) en datum (*date*) bekend. Relatie *Outcome* geeft aan hoe schepen de zeeslagen hebben doorstaan: gezonken, beschadigd of okay (*result* = *sunk*, *damaged*, en *ok*, respectievelijk).

Wanneer we spreken van het *type* van een schip, dan bedoelen we het *type* van de klasse van dat schip; net zo voor de attributen *country*, *guns*, *bore*, *displacement*. Dus alle schepen van een klasse komen uit één land: het land dat in de klasse genoemd staat.

U mag identifiers tot hun eerste letter afkorten. Het schema luidt dan:

C (*n*, *t*, *c*, *g*, *b*, *d*)

S (*n*, *c*, *l*)

B (*n*, *d*)

O (*s*, *b*, *r*)

10p. **Opgave 8.** Beschouw de volgende zoekopdracht:

Geef iedere zeeslag waarin schepen van verschillende klassen zijn betrokken.

Geef voor deze vraag een *afleiding in kleine stappen* in verzamelingsnotatie.

De verkregen eindvorm moet dicht aansluiten bij SQL en, na omzetting naar SQL, *geen subqueries hebben en geen overbodige tabellen gebruiken en geen group-by clauses bevatten*. Kort tabel- en attribuutnamen af tot hun eerste letter. Het begin is al gegeven.

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

	“iedere zeeslag waarin schepen van verschillende klassen zijn betrokken”
=	$\{b \mid (\exists s, s' \mid \text{“klassen van } s \text{ en } s' \text{ zijn verschillend”} \bullet \text{“}s \text{ en } s' \text{ nemen deel aan } b\text{”}) \bullet b.n\}$
=	

Geef een SQL formulering van de beschouwde vraag; de SQL formulering moet dicht aansluiten bij de zojuist gegeven uitdrukking. Gebruik *DISTINCT* alleen wanneer het nodig is.

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

Geef ook een formulering van de vraag in Relationele Algebra waarin zoveel mogelijk gebruik gemaakt wordt van de natural join (\bowtie) in plaats van andere vormen van joins of het Cartesische product.

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

<i>Class</i> (<u><i>name</i></u> , <i>type</i> , <i>country</i> , <i>guns</i> , <i>bore</i> , <i>displacement</i>)	<i>C</i> (<u><i>n</i></u> , <i>t</i> , <i>c</i> , <i>g</i> , <i>b</i> , <i>d</i>)
<i>Ship</i> (<u><i>name</i></u> , <i>classname</i> , <i>launched</i>)	<i>S</i> (<u><i>n</i></u> , <i>c</i> , <i>l</i>)
<i>Battle</i> (<u><i>name</i></u> , <i>date</i>)	<i>B</i> (<u><i>n</i></u> , <i>d</i>)
<i>Outcome</i> (<i>shipname</i> , <i>battlename</i> , <i>result</i>)	<i>O</i> (<i>s</i> , <u><i>b</i></u> , <i>r</i>)

10p. **Opgave 9.** Formuleer in SQL met een group-by query:

Geef voor ieder type dat in meer dan 10 zeeslagen betrokken is, het aantal schepen van dat type.

We zeggen: “Een schip is van type t ” als de klasse van het schip type t heeft. En ook: “Type t is betrokken in een zeeslag b ” als er een schip van type t betrokken is in zeeslag b .

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

5p.

Opgave 10. (Goede beantwoording levert 5 bonuspunten boven op de punten die voor deze opgave gegeven worden. Daardoor kan het totaal aantal behaalde punten boven de 100 uitkomen.) Beschouw de volgende vraag:

Van welke zeeslagen zijn alle daarbij betrokken schepen ooit (in een of andere zeeslag) gezonken?

Formuleer de vraag in verzamelingsnotatie op een manier die *zo direct mogelijk* aansluit bij *de gegeven formulering* van de vraag.

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

Geef *de formulering in verzamelingsnotatie* van de SQL query die u zo dadelijk gaat geven. (Een afleiding op kladpapier zou u hierbij kunnen helpen!)

Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

Formuleer de vraag in SQL, zonder overbodige subqueries en tabellen.

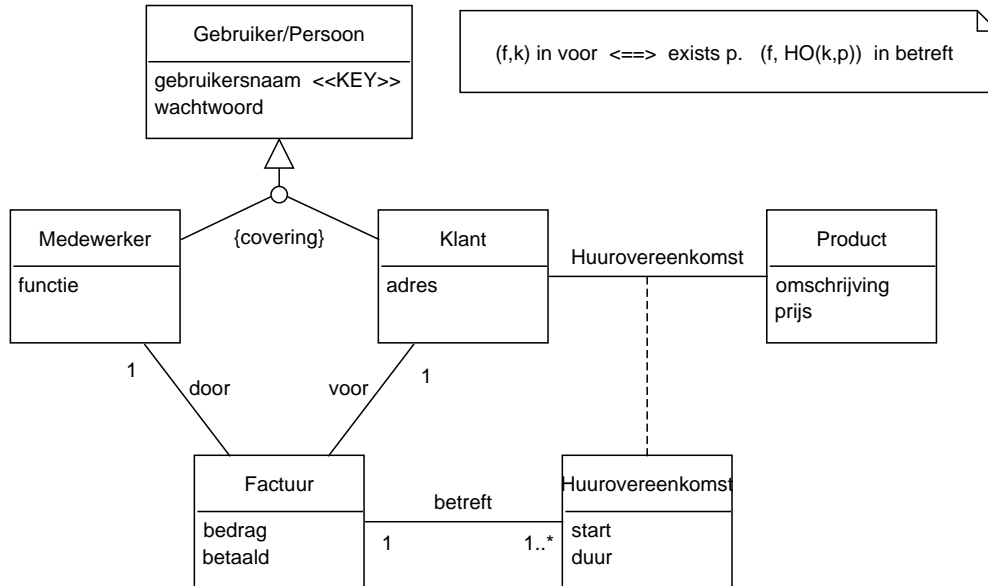
Onleesbare tekst wordt fout gerekend.

Antwoorden

Opgave 1

Antwoord:

Er zijn verschillende mogelijkheden; zie de toelichting.

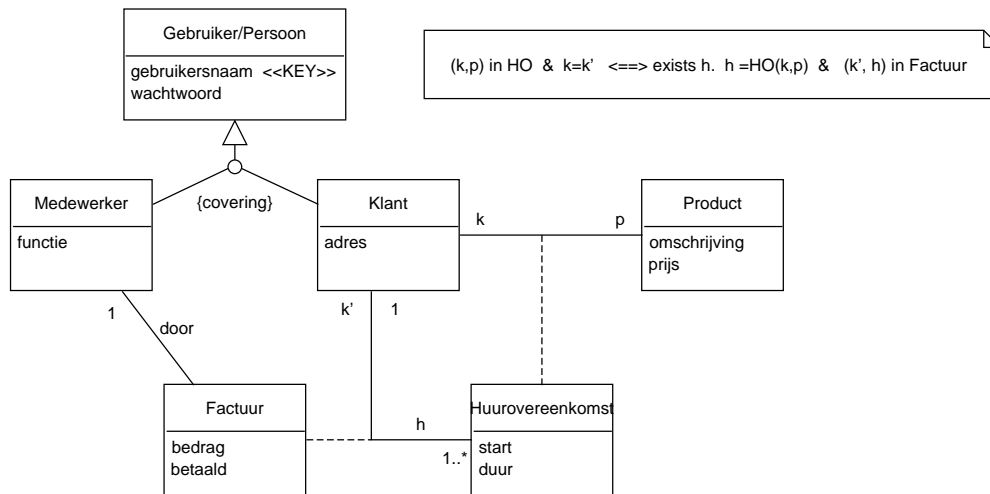


Toelichting.

(1) Merk op dat per definitie de key van *Huurovereenkomst* bestaat uit een paar (k, p) van klant k en product p . Dus *start* en *duur* van een huurovereenkomst zijn volledig bepaald door een klant en product.

(2) “De twee wegen van *Factuur* naar *Klant* leiden tot dezelfde instantie”, dit luidt formeel: $(f, k) \in \text{voor} \Leftrightarrow \exists p \bullet (f, HO(k, p)) \in \text{betreft}$. (Dit is een zogenaamde *cycle-eigenschap*.) Vanwege de equivalentie is relatie *voor* uit te drukken in de andere relaties en kan desgevenst weggelaten worden. Wanneer relatie *voor* niet wordt weggelaten, is de cycle-eigenschap (eigenlijk) nodig!

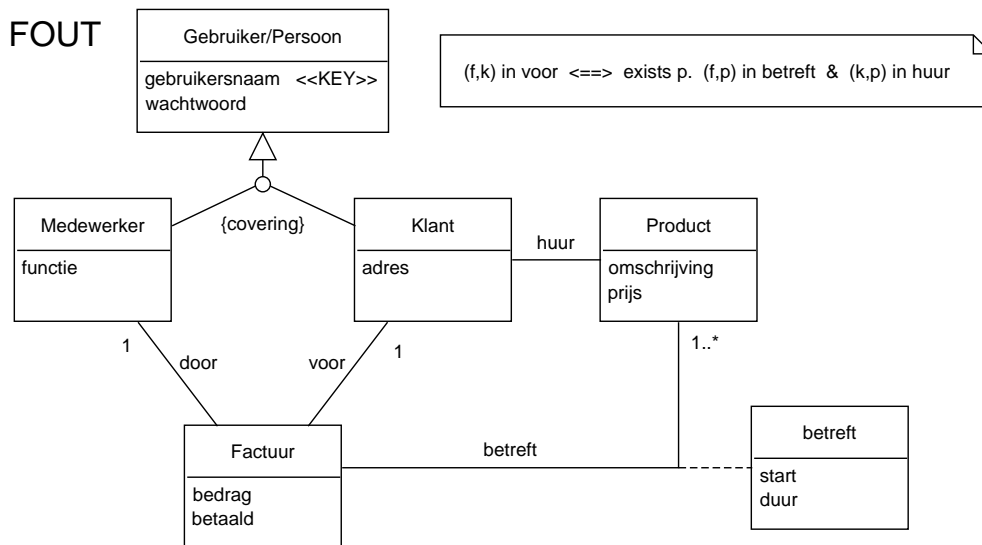
Hier is een alternatieve oplossing:



Zonder de cycle-eigenschap is de oplossing fout.

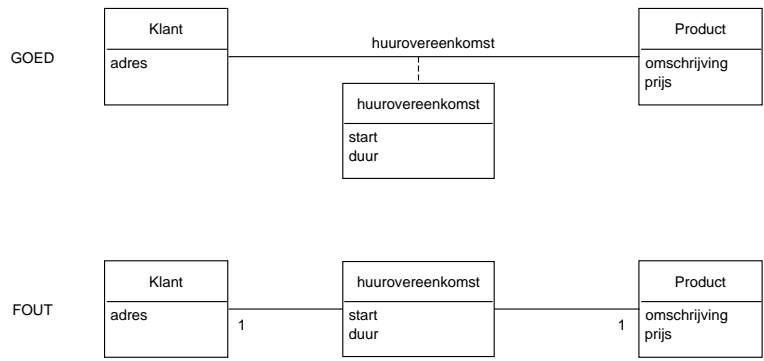
* * *

Hier is een foute oplossing:



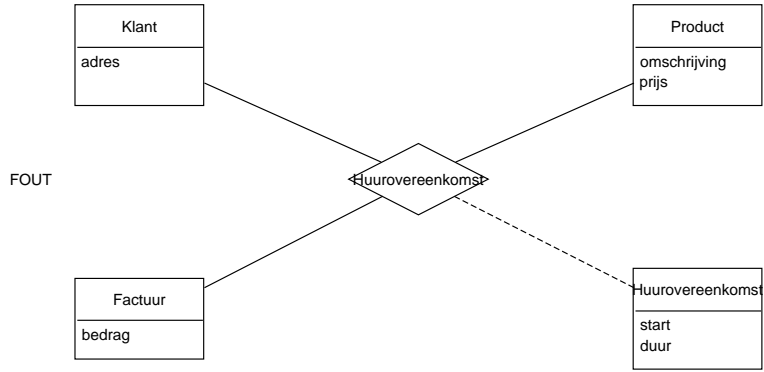
Bij bovenstaand diagram is het (ten onrechte!) mogelijk dat een klant-product combinatie in twee *verschillende* facturen voorkomt; dus zijn *start* en *duur* niet door een klant-product paar uniek bepaald. Deze fout kan verbeterd worden door de eis dat er bij een klant-product combinatie in *huur* hooguit één factuur is die aan hun gerelateerd is via *voor* en *betreft*.

Merk ook het verschil op tussen de volgende twee fragmenten:



In de bovenste is de *Klant-Product* combinatie de key van *Huurovereenkomst*. Dat is in het onderste fragment niet het geval (tenzij het er apart bij ge-eist wordt); in het onderste diagram kan het zo zijn dat er twee verschillende huurovereenkomsten zijn die aan het zelfde tweetal van klant en product zijn gerelateerd.

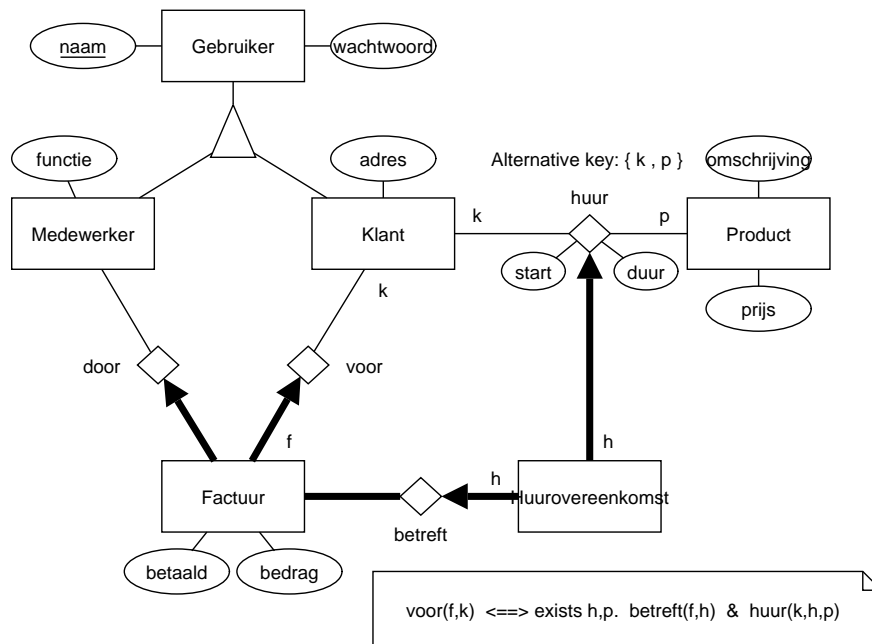
Het is fout om *Huurovereenkomst* tot een relatie te maken tussen méér dan *Klant* en *Product*, zoals hier:



Nu kan, bijvoorbeeld, een combinatie (k, p) van klant en product méérmalen in *Huurovereenkomst* zitten (steeds met een andere factuur).

* * *

Hier is de oplossing in de notatie van het boek:



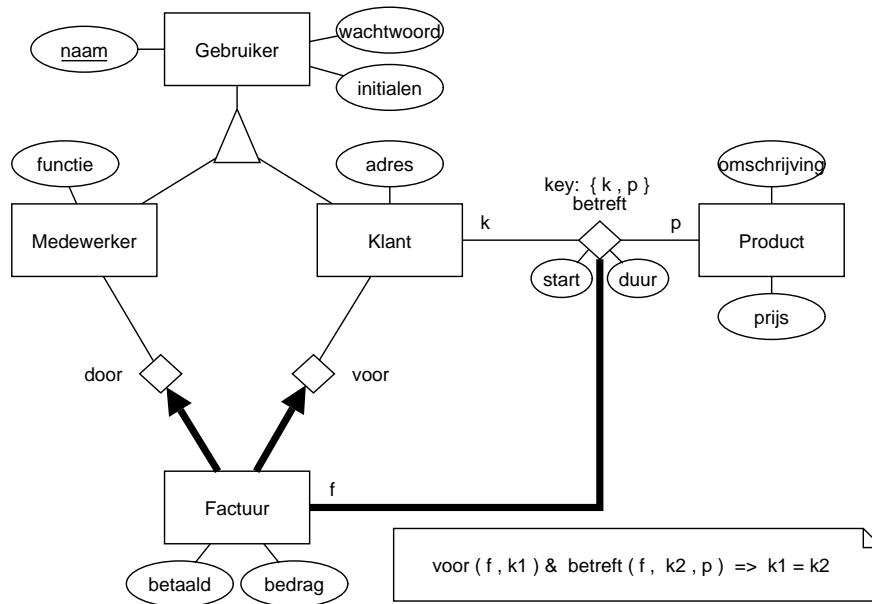
(1) Niet alleen bepaalt een huurovereenkomst zowel de klant als ook het product uniek, zoals aangegeven door de pijl van *Huurovereenkomst* naar *huur* (dat wil zeggen, *Huurovereenkomst* is een sleutel van *huur*), maar ook is het zo dat een klant en product die in de relatie *huur* zitten, samen uniek de huurovereenkomst bepalen: dat wil zeggen, *Klant* en *Product* vormen samen een sleutel van *huur*, zoals aangegeven in door “Alternative key: {*k*, *p*}”. Dus *start* en *duur* worden geheel door een klant *k* en product *p* bepaald!

(2) “De twee wegen van *Factuur* naar *Klant* leiden tot dezelfde instantie”, dit luidt formeel: $(f,k) \in \text{voor} \iff \exists h,p \bullet (f,h) \in \text{betreft} \wedge \text{huur}(k,h,p)$. (Dit is een zogenaamde *cycle-eigenschap*.) Vanwege de equivalentie is relatie *voor* uit te drukken in de andere relaties en kan desgewenst weggelaten worden. Wanneer relatie *voor* niet wordt weggelaten, is de cycle-eigenschap (eigenlijk) nodig!

(3) De dikke lijn van *Factuur* naar *betreft* (“*Factuur* participeert in *betreft*”) betekent dat iedere factuur deelneemt in de relatie *betreft*, met andere woorden, er zijn geen facturen die niet een huurovereenkomst (dus klant en product) betreffen.

(4) Omdat *Huurovereenkomst* sleutel is van *huur*, is er geen verandering in betekenis wanneer attributen *start* en *duur* bij *Huurovereenkomst* staan of bij *huur*.

Hier is een alternatieve oplossing:



(1) Merk op dat alweer *Klant* en *Product* de sleutel zijn van *betreft* (zoals expliciet vermeld): bij een klant en product is er hoogstens één factuur die met hun in de relatie *betreft* zit. Dus *start* en *duur* worden geheel door *Klant* en *Product* bepaald!

(2) Ook hier geldt dat de twee wegen van *Factuur* naar *Klant* tot dezelfde instantie leiden: als $voor(f, k_1) \wedge betreft(f, k_2, p)$, dan $k_1 = k_2$.

Er geldt zelfs: $voor(f, k) \Leftrightarrow (\exists p \bullet betreft(k, f, p))$. Dus relatie *voor* is uit te drukken in de andere relaties en kan desgewenst weggelaten worden.

(3) De dikke lijn van *Factuur* naar *betreft* (“*Factuur* participeert in *betreft*”) betekent dat iedere factuur deelneemt in de relatie *betreft*, met andere woorden, er zijn geen facturen die niet een klant en product betreffen.

Opgave 2

Antwoord:

$A(a1, a2,$

primary key ($a1$), check ($a1$ in select $a1$ from S))

$B(a1, b1, b2,$

primary key ($a1$), foreign key ($a1$) references $A(a1)$,
check ($a1$ not in (select $a1$ from C)))

$C(a1, c1,$

primary key ($a1$), foreign key ($a1$) references $A(a1)$,
check ($a1$ not in (select $a1$ from B)))

$C1(a1, c2',$

primary key ($a1, c2'$), foreign key ($a1$) references $C(a1)$)

$D(d1, d2, a1, r1, r2,$

primary key ($d1$), foreign key ($a1$) references $C(a1)$, $a1$ not null)

$S(a1, d1,$

primary key ($a1, d1$),

foreign key ($a1$) references $A(a1)$, foreign key ($d1$) references $D(d1)$)

Toelichting.

(1) De check in A representeert “multipliciteit $1..*$ naar D ” van relatie S .

- (2) De checks in B en C representeren de *disjoint* eigenschap van de generalisatie.
 (3) Middels tabel $C2$ wordt de SET-waardigheid van attribuut $c2$ in C gerepresenteerd. Wanneer tabel $C2$ weggelaten wordt en het schema van C wordt gewijzigd in

$$C(a1, c1, c2, \text{primary key } (a1, c2), \dots),$$

dan is er redundantie in de opgeslagen waarden ten gevolge van de functionele afhankelijkheid $a1 \rightarrow c1$.

(4) In $C2$ en S bestaat de primary key uit alle attributen van de tabel en kan weggelaten worden (maar dan moet eigenlijk wel ‘not null’ voor ieder van die attributen toegevoegd worden).

(5) Een alternatief met één tabel minder (en dus een betere oplossing) is deze: laat tabel A weg en neem zijn attributen op in B en C (dankzij de disjointness van de generalisatie wordt er hierdoor geen redundantie geïntroduceerd) en vervang in S de foreign key naar A door: check ($a1$ in (select $a1$ from B union select $a1$ from C)).

Opgave 3

Antwoord:

FD	W/O	motivatie bij keuze
$H \rightarrow B$	W	een huis heeft hooguit één bouwjaar (regel 2)
$B \rightarrow V$	O	bij één bouwjaar kunnen verscheidene (huizen met) vraagprijzen horen
$BV \rightarrow H$	O	verscheidene huizen kunnen eenzelfde bouwjaar en vraagprijs hebben
$H \rightarrow K$	O	een huis kan verscheidene kenmerken hebben (regel 4)
$E \rightarrow N$	W	een eigenaar heeft hooguit één aanduiding ‘wel/niet nieuw’ (regel 7)
$N \rightarrow H$	O	verschillende klanten (dus huizen) kunnen dezelfde N -aanduiding hebben
$H \rightarrow N$	W	vanwege $H \rightarrow E$ (5), en $E \rightarrow N$ (7)
$HS \rightarrow M$	W	vanwege $H \rightarrow M$ (8) en augmentatie
$HM \rightarrow S$	O	een makelaar kan meerdere Spec. hebben (9), zelfs als H bekend is

Toelichting.

Oorspronkelijk stond er bij (5) “ E is de naam van de eigenaar...”. Daarmee is $E \rightarrow N$ onwaar, aannemende dat verschillende eigenaren verschillende namen kunnen hebben.

Antwoord:

MVD	W/O
1. $HBVKETNMS = HBVKETNM \bowtie MS$	W
2. $HBVKETNMS = HBVK \bowtie ETN \bowtie MS$	O
3. $HBVKETNMS = HB \bowtie HV \bowtie HK \bowtie HE \bowtie ET \bowtie EN \bowtie HM \bowtie MS$	W

Antwoord:

1. Uit de definitie van \mathcal{R} volgt voor alle $(h, b, v, k, e, t, n, m) \in \pi_{HBVKETNM}\mathcal{R}$:

$$\forall s \mid (m, s) \in \pi_{MS}\mathcal{R} \bullet (h, b, v, k, e, t, n, m, s) \in \mathcal{R}.$$

Dus $\pi_{HBVKETNM}\mathcal{R} \bowtie \pi_{MS}\mathcal{R}$ levert niet méér rijen dan er in \mathcal{R} zitten: de join is lossless.

2. Onwaar omdat o.a. het verband $H-E$ verloren gaat.

De join van de rhs levert *HE*-combinaties die in de lhs niet bestaan.

$$\begin{aligned}
& 3. \quad HB \bowtie HV \bowtie HK \bowtie HE \bowtie ET \bowtie EN \bowtie HM \bowtie MS \\
& = (((((HB \bowtie HV \bowtie HE \bowtie HM) \bowtie EN) \bowtie HK) \bowtie ET) \bowtie MS) && \text{ass. en comm. van } \bowtie \\
& = (((HBVEM \bowtie EN) \bowtie HK) \bowtie ET) \bowtie MS && \text{wegens (a)} \\
& = (((HBVEMN \bowtie HK) \bowtie ET) \bowtie MS) && \text{wegens (b)} \\
& = HBVEMKN \bowtie ET \bowtie MS && \text{wegens (c)} \\
& = HBVEMKNT \bowtie MS && \text{wegens (d)} \\
& = HBVKEMNTS, && \text{wegens (e)}
\end{aligned}$$

waarbij

(a): De intersectie van de componenten in $HB \bowtie HV \bowtie HE \bowtie HM$ is H , en dat is een key in alle of op-één-na alle componenten ervan.

(b): De intersectie van $HBVEM$ en EN is E , en dat is een key in EN .

(c): Net als bij (1): $HBVENM \bowtie HK = HBVENMK$.

(d): Net als bij (1): $HBVENMK \bowtie ET = HBVENMKKT$.

(e): Net als bij (1): $HBVENMKKT \bowtie MS = HBVENMKTS$.

Toelichting.

Het is fout om als motivatie te geven: “alle FDs blijven behouden”. Beschouw maar eens $\mathcal{R} = (ABCD, \{B \rightarrow A, C \rightarrow D\})$ met $\mathcal{R}_1 = (AB, \{B \rightarrow A\})$ en $\mathcal{R}_2 = (CD, \{C \rightarrow D\})$. Dan zijn in de decompositie $AB \bowtie CD$ wel alle FDs behouden, maar desondanks $ABCD \neq AB \bowtie CD$.

Opgave 4

Antwoord:

```
Patient (patientnr, adres, naam, ...,
        primary key (patientnr) )
```

```
Factuur (patientnr, datum, bedrag, ...
```

```
-- primary key (...), -- onnodige constraint en niet gevraagd
foreign key (patientnr) references Patient (patientnr)
on delete no action -- mag desgewenst weggelaten worden, dit is de default
on update cascade )
```

Toelichting.

Het is fout om in *Patient* op te nemen: “foreign key (*patientnr*) references *Factuur(patientnr)*”, want (i) in *Factuur* is (*patientnr*) geen key (maar slechts een component van een key), en (ii) het zou impliceren dat iedere patiënt tenminste een factuur heeft (en dat is in de casus niet gegeven).

Antwoord:

```
create trigger regel_a
before delete on Patient
referencing old as O
for each row
when (O.patientnr in (select patientnr from Factuur))
rollback
```

Antwoord:

```
create trigger regel_b
after update of patientnr on Patient
referencing old as O new as N
```

for each row

```
update Factuur F
set F.patientnr = N.patientnr
where F.patientnr = O.patientnr
```

Opgave 5

Antwoord:

	X	\rightarrow	Y
1		\rightarrow	
2	A	\rightarrow	
<u>3</u>	B	\rightarrow	AC
<u>4</u>	C	\rightarrow	A
<u>5</u>	D	\rightarrow	E
6	E	\rightarrow	
<u>7</u>	AB	\rightarrow	C
8	AC	\rightarrow	
9	<u>AD</u>	\rightarrow	BCE
10	AE	\rightarrow	
<u>11</u>	BC	\rightarrow	A
12	<u>BD</u>	\rightarrow	ACE
<u>13</u>	BE	\rightarrow	AC
14	<u>CD</u>	\rightarrow	ABE
<u>15</u>	CE	\rightarrow	A
16	DE	\rightarrow	
17	ABC	\rightarrow	
18	<u>ABD</u>	\rightarrow	CE
<u>19</u>	ABE	\rightarrow	C
20	<u>ACD</u>	\rightarrow	BE

Toelichting.

4 punten voor (1), 3 punten voor (2,3), en 3 punten voor (4).

NB 1: Sleutels zijn attribootverzamelingen; zoiets als " $ABC \rightarrow \dots$ " is geen sleutel (maar misschien wel een functionele afhankelijkheid). Het omcirkelen van de hele functionele afhankelijkheid wordt fout gerekend als alleen de sleutel omcirkeld moet worden. Net zo voor het onderstrepen van de supersleutels.

NB 2: Iedere sleutel is ook een supersleutel; omgekeerd niet. Dus ook sleutels moeten onderstreep worden wanneer gevraagd wordt de supersleutels te onderstrepen.

Opgave 6

Antwoord:

Een dirty read is een lees-actie waarbij een waarde gelezen wordt die eigenlijk helemaal niet bestaat in de database-toestanden die ontstaan door seriele uitvoering van de transacties, met name doordat de gelezen waarde later teruggezet wordt door een abort van de transactie die hem schreef.

Antwoord:

Op de met ‘√’ gemerkte niveaus zal T_1 geen dirty reads doen (elders mogelijk wel):

Isolatie-niveau voor T_2 : ↓	Isolatie-niveau voor T_1 :			
	read uncommitted	read committed	repeatable read	serializable
read uncommitted		√	√	√
read committed		√	√	√
repeatable read		√	√	√
serializable		√	√	√

Het niveau voor T_2 doet niet terzake!

Antwoord:

$T_1 = r_1(x); \dots$

$T_2 = w_2(x); abort_2$

schedule: $w_2(x); r_1(x); abort_2; \dots$

Opgave 7

Antwoord:

Alle drie FDs uit \mathcal{F} vormen een schending; bijvoorbeeld voor $ABC \rightarrow E$: deze is niet triviaal (dwz, het rechterlid E is niet deel van het linkerlid ABC) en het linkerlid ABC omvat geen sleutel. De enige sleutel van \mathbf{R} is ACF .

Antwoord:

Neem een FD uit \mathcal{F} die de BCNF-conditie schendt; bijvoorbeeld $ABC \rightarrow E$. Splits \bar{R} in $\bar{R}_1 = ABCE$ (alle attributen van de FD) en $\bar{R}_2 = ABCDF$ (alles zonder de attributen uit het rechterlid van de FD). Neem $\mathbf{R}_1 = (\bar{R}_1, \mathcal{F}_1)$ en $\mathbf{R}_2 = (\bar{R}_2, \mathcal{F}_2)$, waarbij \mathcal{F}_i een basis is voor de verzameling van FDs uit \mathcal{F}^+ waarin uitsluitend attributen van \bar{R}_i voorkomen:

$$\mathbf{R}_1 = (ABCE, \{ABC \rightarrow E, CE \rightarrow B\})$$

$$\mathbf{R}_2 = (ABCDF, \{ABC \rightarrow D, CD \rightarrow B\}).$$

($CE \rightarrow B$ zit niet in \mathcal{F} , maar wel in \mathcal{F}^+ en bevat alleen maar attributen uit \bar{R}_1 .)

Toelichting.

Oplossing 2. Neem $CD \rightarrow B$ ter eliminatie. Dit geeft:

$$\mathbf{R}_1 = (BCD, \{CD \rightarrow B\})$$

$$\mathbf{R}_2 = (ACDEF, \{E \rightarrow D, ACD \rightarrow E\}).$$

($ACD \rightarrow E$ zit niet in \mathcal{F} , maar wel in \mathcal{F}^+ en bevat alleen maar attributen uit \bar{R}_2 .) Afhanke-lijkheid $ABC \rightarrow E$ zit wel in \mathcal{F} en niet in $(\mathcal{F}_1 \cup \mathcal{F}_2)^+$ en is dus verloren gegaan.

Oplossing 3. Neem $E \rightarrow D$ ter eliminatie. Dit geeft:

$$\mathbf{R}_1 = (DE, \{E \rightarrow D\})$$

$$\mathbf{R}_2 = (ABCEF, \{ABC \rightarrow E, CE \rightarrow B\}).$$

($CE \rightarrow B$ zit niet in \mathcal{F} , maar wel in \mathcal{F}^+ en bevat alleen maar attributen uit \bar{R}_2 .) Afhanke-lijkheid $CD \rightarrow E$ zit wel in \mathcal{F} en niet in $(\mathcal{F}_1 \cup \mathcal{F}_2)^+$ en is dus verloren gegaan.

Foute oplossing. We passen niet het BCNF-algoritme toe, maar verzinnen zomaar een de-compositie:

$$\mathbf{R}_1 = (ABCDE, \{ABC \rightarrow E, CD \rightarrow B, E \rightarrow D\})$$

$$\mathbf{R}_2 = (ABCEF, \{ \}).$$

Deze decompositie is verliesvrij (lossless) omdat de intersectie van de attribootverzamelingen van de schema's een key is in een van beide schema's (ABC is een key in \mathbf{R}_1), en er zijn geen FDs verloren gegaan (ze zitten allemaal nog in \mathbf{R}_1). Echter, er is geen afname van het aantal BCNF-schendingen: de oorspronkelijke schendingen uit \mathcal{F} zitten nog steeds allemaal in \mathbf{R}_1 .

Antwoord:

Afhankelijkheid $E \rightarrow D$ zit wel in \mathcal{F} maar niet in $(\mathcal{F}_1 \cup \mathcal{F}_2)^+$, en is dus verloren gegaan.

Antwoord:

Let op: $CE \rightarrow B$ volgt uit \mathcal{F} en zal dus (bij een correcte redenering) een FD worden van een component met attributen $\dots BC \dots E \dots$, ook al zit D daar niet bij. Net zo voor $ACD \rightarrow E$ en $ABC \rightarrow D$.

We passen het BCNF-algoritme toe.

- De eerste stap is in de vorige vragen gedaan en levert bovengenoemde decompositie $\{\mathbf{R}_1, \mathbf{R}_2\}$ van \mathbf{R} op.

- We bekijken nu $\mathbf{R}_1 = (ABCE, \{ABC \rightarrow E, CE \rightarrow D\})$.

In \mathbf{R}_1 zijn ABC en ACE de sleutels, dus is $ABC \rightarrow E$ geen schending van de BCNF-conditie, maar $CE \rightarrow D$ wel. We kiezen $CE \rightarrow B$ ter eliminatie. Dus splitsen we $\bar{\mathbf{R}}_1$ in $\bar{\mathbf{R}}_{1a} = BCE$ en $\bar{\mathbf{R}}_{1b} = A\cancel{B}CE = ACE$. Dit levert schema's $\mathbf{R}_{1j} = (\bar{\mathbf{R}}_{1j}, \mathcal{F}_{1j})$, waarbij \mathcal{F}_{1j} (een basis voor) de inperking is van \mathcal{F}^+ (of \mathcal{F}_1^+) tot $\bar{\mathbf{R}}_{1j}$. Dus

$$\mathbf{R}_{1a} = (BCE, \{CE \rightarrow B\}) \text{ en}$$

$$\mathbf{R}_{1b} = (ACE, \{ \}).$$

Beide schema's staan in BCNF. De FD $ABC \rightarrow E$ van \mathbf{R}_1 is verloren gegaan.

- We bekijken nu $\mathbf{R}_2 = (ABCDF, \{ABC \rightarrow D, CD \rightarrow B\})$.

In \mathbf{R}_2 zijn $ABC \rightarrow D$ en $CD \rightarrow B$ beide een schending van de BCNF-conditie; voor $ABC \rightarrow D$ is de reden dat die niet-triviaal is en ABC geen sleutel is in \mathbf{R}_2 (want $ABC_{\mathcal{F}_2}^+ = ABCD \neq ABCDF$). We kiezen (zomaar) $ABC \rightarrow D$ ter eliminatie. Dus splitsen we $\bar{\mathbf{R}}_2$ in $\bar{\mathbf{R}}_{2a} = ABCD$ en $\bar{\mathbf{R}}_{2b} = ABC\cancel{D}F = ABCF$. Dit levert schema's $\mathbf{R}_{2j} = (\bar{\mathbf{R}}_{2j}, \mathcal{F}_{2j})$, waarbij \mathcal{F}_{2j} (een basis voor) de inperking is van \mathcal{F}^+ (of \mathcal{F}_2^+) tot $\bar{\mathbf{R}}_{2j}$. Dus

$$\mathbf{R}_{2a} = (ABCD, \{ABC \rightarrow D, CD \rightarrow B\}) \text{ en}$$

$$\mathbf{R}_{2b} = (ABCF, \{ \}).$$

De FDs van \mathbf{R}_2 zijn behouden. Schema \mathbf{R}_{2b} staat in BCNF (het heeft geen niet-triviale FDs). In schema \mathbf{R}_{2a} is $CD \rightarrow B$ een schending van de BCNF-conditie (want $B \not\subseteq CD$ en $CD_{\mathcal{F}_{2a}}^+ = BCD \neq \bar{\mathbf{R}}_{2a}$). Decompositie van \mathbf{R}_{2a} levert: $\mathbf{R}_{2a1} = (BCD, \{CD \rightarrow B\})$ en $\mathbf{R}_{2a2} = (ACD, \{ \})$, die beide in BCNF staan en waarbij $ABC \rightarrow D$ verloren is gegaan.

- Dus $\{\mathbf{R}_{1a}, \mathbf{R}_{1b}, \mathbf{R}_{2a1}, \mathbf{R}_{2a2}, \mathbf{R}_{2b}\}$ is een decompositie van \mathbf{R} waarvan alle componenten in BCNF staan. Er zijn functionele afhankelijkheden verloren gegaan.

- NB. Omdat dit een lossless decompositie is (een eigenschap van het toegepaste BCNF-algoritme), schrijven we ook wel:

$$"ABCDEF = BCE \bowtie ACE \bowtie BCD \bowtie ACD \bowtie ABCF \text{ geldt in } \mathbf{R}."$$

Wanneer je met een andere schending begint kun je mogelijk een andere decompositie bereiken.

Antwoord:

“iedere zeeslag waarin schepen van verschillende klassen zijn betrokken”

$$= \{b \mid (\exists s, s' \mid \text{“klassen van } s \text{ en } s' \text{ zijn verschillend”} \bullet \text{“}s \text{ en } s' \text{ nemen deel aan } b\text{”}) \bullet b.n\}$$

$$= \{b \mid (\exists s, s' \mid s.c \neq s'.c \bullet (\exists o, o' \mid o.s = s.n \wedge o'.s = s'.n \bullet o.b = b.n = o'.b)) \bullet b.n\}$$

$$= \quad [\text{predicate logic}]$$

$$\{b \mid (\exists s, s', o, o' \mid s.c \neq s'.c \bullet o.s = s.n \wedge o'.s = s'.n \wedge o.b = b.n = o'.b) \bullet b.n\}$$

$$= \quad [\text{shunting}]$$

$$\{b, s, s', o, o' \mid s.c \neq s'.c \wedge o.s = s.n \wedge o'.s = s'.n \wedge o.b = b.n = o'.b \bullet b.n\}$$

$$= \quad [\text{equals for equals (voorbereiding op de stap erna)}]$$

$$\{b, s, s', o, o' \mid s.c \neq s'.c \wedge o.s = s.n \wedge o'.s = s'.n \wedge o.b = b.n = o'.b \bullet o.b\}$$

$$= \quad [\text{shunting (voorbereiding op de stap erna)}]$$

$$\{s, s', o, o' \mid s.c \neq s'.c \wedge o.s = s.n \wedge o'.s = s'.n \wedge (\exists b \bullet o.b = b.n) \wedge o.b = o'.b \bullet o.b\}$$

$$= \quad [\text{in } O \text{ is } b \text{ een foreign key naar } B(n)]$$

$$\quad [\text{Dus voor iedere } o \text{ geldt: } (\exists b \bullet o.b = b.n)]$$

$$\{s, s', o, o' \mid s.c \neq s'.c \wedge o.s = s.n \wedge o'.s = s'.n \wedge o.b = o'.b \bullet o.b\}$$

We hebben kortheidshalve steeds $s : S$ afgekort tot s , en net zo bij $c:C$, $b:B$, $o:O$.

Toelichting.

Hier is een omweg-afleiding voor het deel “klassen van s en s' zijn verschillend”:

“klassen van s en s' zijn verschillend”

$$= (\exists c, c' \mid c.n = s.c \wedge c'.n = s'.c \bullet c \neq c')$$

$$= \quad [\text{in } C \text{ is } n \text{ een key}]$$

$$(\exists c, c' \mid c.n = s.c \wedge c'.n = s'.c \bullet c.n \neq c'.n)$$

$$= \quad [\text{equals for equals (voorbereiding op de stap erna)}]$$

$$(\exists c, c' \mid c.n = s.c \wedge c'.n = s'.c \bullet s.c \neq s'.c)$$

$$= \quad [\text{predicate logic}]$$

$$(\exists c \bullet c.n = s.c) \wedge (\exists c' \bullet c'.n = s'.c) \wedge s.c \neq s'.c$$

$$= \quad [\text{in } S \text{ is } c \text{ een foreign key naar } C(n)]$$

$$\quad [\text{Dus voor iedere } s \text{ geldt: } \exists c \bullet c.n = s.c]$$

$$s.c \neq s'.c$$
Antwoord:

```
select distinct o.b
from S s, S s', O o, O o'
where s.c≠s'.c and o.s=s.n and o'.s=s'.n and o.b=o'.b
```

Antwoord:

$$\pi_{ob} (\sigma_{sc' \neq sc''} (S' \bowtie O' \bowtie O'' \bowtie S''))$$

Hierbij zijn met renaming nieuwe relaties gedefinieerd:

$$S' = S[sn', sc', sl'] \text{ en } O' = O[sn', ob, or'] \text{ en}$$

$$S'' = S[sn'', sc'', sl''] \text{ en } O'' = O[sn'', ob, or''].$$

(Let op de gelijkheid en ongelijkheid van de nieuwe attributnamen.)

Opgave 9

Antwoord:

```
select c1.type, count (distinct s2.name)
from Class c1, Ship s1, Outcome o1, Class c2, Ship s2
-- c1, s1, o1 is een getuige van het feit dat c1.type betrokken is in een zeeslag
-- c2, s2 is een getuige van het feit dat er een schip bestaat van c2.type
```

```

where c1.type = c2.type
  and c1.name = s1.classname and s1.name = o1.shipname
  and c2.name = s2.classname
group by c1.type
having count (distinct o1.battlename) > 10

```

Toelichting.

De distinct in de select-expressie is nodig omdat een zelfde combinatie $c2, s2$ bij verschillende keuzen voor $c1, s1, o1$ kan voorkomen.

Klasse $c2$ is nodig (en kan niet door $c1$ vervangen worden) omdat anders alleen schepen geteld worden uit speciale klassen (namelijk klassen die in een zeeslag betrokken zijn).

Alternatieve lelijke oplossing (tellen van de zeeslagen apart binnen de having clause):

```

select c2.type, count (s2.name)
from Class c2, Ship s2
where c2.name = s2.classname
group by c2.type
having 10 < (
  select count (distinct o1.battlename) from C c1, S s1, O o1
  where c1.type = c2.type and c1.name = s1.classname and s1.name = o1.shipname)

```

Alternatieve lelijke oplossing (tellen van de schepen apart binnen de select expressie):

```

select c1.type,
  (select count(s2.name) from C c2, S s2
   where c1.type = c2.type and c2.name = s2.classname )
from Class c1, Ship s1, Outcome o1
where c1.name = s1.classname and s1.name = o1.shipname
group by c1.type
having count (distinct o1.battlename) > 10

```

Alternatieve lelijke oplossing (tellingen van de zeeslagen en van de schepen beide apart):

```

select c.type,
  (select count(s2.name) from C c2, S s2
   where c.type = c2.type and c2.name = s2.classname )
from Class c
group by c.type
having 10 < (
  select count (distinct o1.battlename) from C c1, S s1, O o1
  where c.type = c1.type and c1.name = s1.classname and s1.name = o1.shipname)

```

Opgave 10

Antwoord:

Kortheidshalve laten we de typering achterwege (en korten dus $b : B$ af tot b , et cetera).

$$\begin{aligned}
& \{b \mid (\forall s \mid \text{“}s \text{ betrokken bij } b\text{”} \bullet \text{“}s \text{ ooit gezonken”}) \bullet b.n\} \\
= & \{b \mid (\forall s \mid (\exists o \bullet s.n = o.s \wedge o.b = b.n) \bullet (\exists o' \bullet s.n = o'.s \wedge o'.r = \text{sunk})) \bullet b.n\}
\end{aligned}$$

Toelichting.

De afleiding gaat verder als volgt:

$$\begin{aligned}
& \dots \\
= & \quad [\text{shunting}]
\end{aligned}$$

$$\begin{aligned}
& \{b \mid (\forall s, o \mid s.n = o.s \wedge o.b = b.n \bullet (\exists o' \bullet s.n = o'.s \wedge o'.r = \text{sunk})) \bullet b.n\} \\
= & \quad [\text{equals for equals (voorbereiding op de stap erna)}] \\
& \{b \mid (\forall s, o \mid s.n = o.s \wedge o.b = b.n \bullet (\exists o' \bullet o.s = o'.s \wedge o'.r = \text{sunk})) \bullet b.n\} \\
= & \quad [\text{shunting (voorbereiding op de stap erna)}] \\
& \{b \mid (\forall o \mid (\exists s \bullet s.n = o.s) \wedge o.b = b.n \bullet (\exists o' \bullet o.s = o'.s \wedge o'.r = \text{sunk})) \bullet b.n\} \\
= & \quad [\text{in } O \text{ is } s \text{ een foreign key naar } S(n)] \\
& \quad [\text{Dus voor iedere } o \text{ geldt: } (\exists s \bullet s.n = o.s)] \\
& \{b \mid (\forall o \mid o.b = b.n \bullet (\exists o' \bullet o.s = o'.s \wedge o'.r = \text{sunk})) \bullet b.n\} \\
= & \{b \mid \neg (\exists o \mid o.b = b.n \bullet \neg (\exists o' \bullet o.s = o'.s \wedge o'.r = \text{sunk})) \bullet b.n\}
\end{aligned}$$

Antwoord:

$$\{b \mid \neg (\exists o \mid o.b = b.n \bullet \neg (\exists o' \bullet o.s = o'.s \wedge o'.r = \text{sunk})) \bullet b.n\}$$

Antwoord:

```

select b.n from B b where not exists (
  select * from O o where o.b = b.n and not exists (
    select * from O o' where o.s = o'.s and o'.r = sunk))

```